

**İSPAT:**  $X \subset \mathbb{R}$  boş olmayan üstten sınırlı bir küme ve  $B = \{b \in \mathbb{R} \mid b, X \text{'in üst sınırıdır}\}$  olsun.  $\forall x \in X$  ve  $\forall b \in B$  için  $x \leq b$  olduğundan Reel Sayıların V Tamlik Aksiyomu'na göre  $\forall x \in X$  ve  $\forall b \in B$  için  $x \leq c \leq b$  olacak şekilde bir  $c \in \mathbb{R}$  elemanı vardır.  $c$  sayısı  $X$  in üst sınırı olduğundan  $c \in B$  dir. Öte yandan  $\forall b \in B$  için  $c \leq b$  olduğundan  $c = \min B = \sup X$  olur. Bir kümenin minimumu varsa tektir. Dolayısıyla böyle bir  $c$  sayısı da tektir.