

İSPAT: $\text{span}A$ uzayı, tanıma göre A 'yı içeren en dar alt uzaydır. $\text{lin}A$ 'nın da A 'yı içeren en dar alt uzay olduğunu ispatlarsak ispat biter.

. $\text{lin}A$ 'nın, A 'yı içeren bir alt uzay olduğunu Önerme1'den biliyoruz. O halde ispatlamamız gereken tek şey, $\text{lin}A$ 'nın A 'yı içeren başka bir alt uzaydan daha dar olduğudur. Şimdi bunu ispatlayalım:

$S \subset X$, A 'yı içeren başka bir alt uzay olsun. $\text{lin}A \subset S$ olduğunu göstermeliyiz.

$$x \in \text{lin}A \Rightarrow \exists c_1, c_2, \dots, c_n \in K, \exists a_1, a_2, \dots, a_n \in A: x = \sum_{k=1}^n c_k a_k. \quad \forall k = \overline{1, n} \text{ için } a_k \in A \text{ ise } A \subset S$$

olduğundan $\forall k = \overline{1, n}$ için $a_k \in S$ 'tir. S bir alt uzay olduğundan kendi elemanlarının her

lineer kombinasyonu da S 'tedir. O halde $x = \sum_{k=1}^n c_k a_k \in S$. Yani $\text{lin}A \subset S$. Dolayısıyla $\text{lin}A$,

A 'yı içeren bir alt uzaydır. Sonuç olarak $\text{span}A = \text{lin}A$.