

İSPAT: $x \in \text{span}A$ olduğundan

$$x = c_1x_1 + c_2x_2 + \cdots + c_nx_n$$

gösterimine sahiptir. Varsayalım ki x , başka bir gösterime daha sahiptir. Yani

$\exists d_1, d_2, \dots, d_n \in K$:

$$x = d_1x_1 + d_2x_2 + \cdots + d_nx_n$$

$$\Rightarrow c_1x_1 + c_2x_2 + \cdots + c_nx_n = d_1x_1 + d_2x_2 + \cdots + d_nx_n$$

$$\Rightarrow (c_1 - d_1)x_1 + (c_2 - d_2)x_2 + \cdots + (c_n - d_n)x_n = \theta.$$

x_1, x_2, \dots, x_n lineer bağımsız olduğundan $\forall k = \overline{1, n}$ için $c_k - d_k = 0$

$$\Rightarrow \forall k = \overline{1, n} \text{ için } c_k = d_k.$$

Dolayısıyla x , tek bir $x = c_1x_1 + c_2x_2 + \cdots + c_nx_n$ gösterimine sahiptir.